

סוג הבדיקה:
א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרוניים
מועד הבדיקה: קיץ תשע"ג, מועד ב
מספר השאלה: 314, 035804
דף נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

- א. משך הבדיקה: שלוש שעות וחצי.
- ב. מבנה השאלון ופתח ההערכה: בשאלון זה שלושה פרקים.
 פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית,
 הסתברויות נקודות $33\frac{1}{3}$ – $16\frac{2}{3} \times 2$ –
 פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה
 נקודות $33\frac{1}{3}$ – $16\frac{2}{3} \times 2$ –
 במישור
 פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואיינטגרלי – $2 \times \frac{2}{3}$ –
 סה"כ –
 נקודות 100 –
- ג. חומר עוז מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
 - (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
 - (3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבדיקה או בדף שקיבלת מהמשגיחים. שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הערה: קישורית לדוגמאות תשובה לשאלון זה תפורסם בדף הראשי של אתר משרד החינוך.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

בַּה צָלֵחֲ!

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסטברות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מבין השאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. ראוון רוצה לרכוש מינוויל מכון כשר. המחיר המלא של המינוויל הוא 200 שקלים.

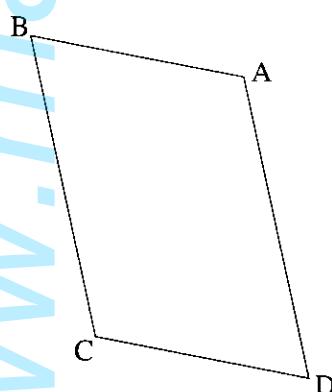
אם ראוון יביא שני חברים שירכשו מינוויל במחיר מלא, הוא יקבל על המינוויל שלו הנחה של $\alpha\%$.

עבור החבר הראשון, ועבור החבר השני יקבל הנחה של $\alpha\%$ על המחיר שאחריו התנהלה הראשונה.

ראוון הביא שני חברים, ושילם עבור המינוויל שלו רק 144.5 שקלים.

א. מצא את אחוז ההנחה שקיבל ראוון על המינוויל שלו עבור החבר הראשון.

ב. מצא את אחוז ההנחה הכולל שקיבל ראוון על המינוויל שלו לאחר שהביא את שני החברים.



2. נתונה מקבילית ABCD (ראה ציור).

הצלע AB מונחת על הישר $y = -\frac{1}{3}x + 6$.

הצלע AD מונחת על הישר $y = -5x + 20$.

אלכסוני המקבילית נפגשים בנקודה (2, 3).

א. מצא את השיעוריים של קודקוד C.

ב. מצא את השיעוריים של קודקוד B,

ואת השיעוריים של קודקוד D.

ג. האם הצלע BC משיקה בנקודה C למעגל שמרכזו A והרדיוס שלו הוא AC? נמק.

3. ידוע שהסתברות להצלחה ב מבחון נהיגה (טסט) גדולה ב- 0.2 מההסתברות להיכשל בו.

א. מהי ההסתברות להצלחה ב מבחון הנהיגה?

ב. רואובן, שמעון, לוי ויהודה הם 4 אנשים שנבחרו באקראי מבין הנבחנים ב מבחון הנהיגה.

(1) מהי ההסתברות שבדיווק 2 מהם צלicho ב מבחון הנהיגה?

(2) ידוע שרק 2 מהם הצלicho ב מבחון הנהיגה.

מהי ההסתברות שהוא אלה רואובן ושמעון?

(3) האם ההסתברות שלפחות אחד מהארבעה יצליח ב מבחון הנהיגה גדולה מההסתברות

שלפחות אחד מהארבעה ייכשל ב מבחון הנהיגה? נמק.

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במישור ($\frac{1}{3}$ 33 נקודות)

ענה על שתיים מ בין השאלות 4-6 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבוחורתך.

4. במעוין ABCD הזווית החודה היא של 60° .

נקודה M נמצאת על הצלע AB

נקודה N נמצאת על הצלע BC

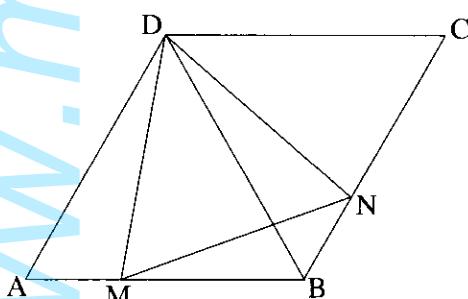
כך ש- $AM = BN$ (ראה ציור).

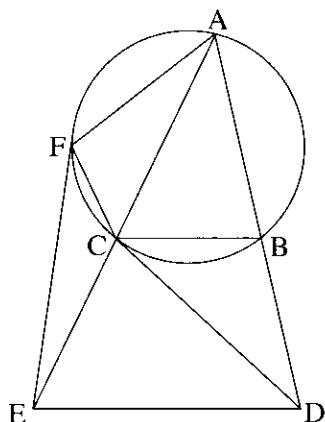
א. הוכח כי $\triangle MDB \cong \triangle NDC$.

ב. הוכח כי $\triangle ADM \cong \triangle BDN$.

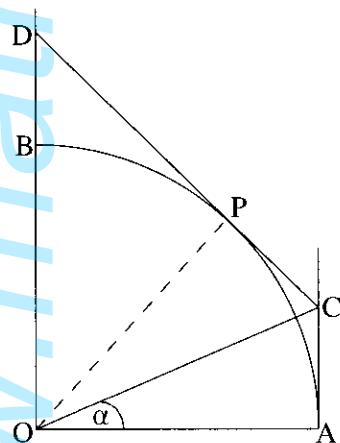
ג. שטח המרובע DMBN הוא S.

הבע באמצעות S את שטח המעוין ABCD.





- .5. נתון משולש ADE .
דרך הקדקוד A העבירו מעגל החותך את הצלעות AD ו- AE בנקודות B ו- C בהתאם (ראה ציור).
נתון: $BC \parallel DE$, DC משיק למעגל.
א. (1) הוכח כי $\angle CDE = \angle EAD$.
 (2) הוכח כי $AE \cdot CE = DE^2$.
ב. דרך הקדקוד E העבירו ישר המשיק למעגל בנקודה F (ראה ציור).
 $\triangle ECF \sim \triangle EFA$.
ג. היעזר בסעיפים הקודמים והוכח כי $EF = DE$.



- .6. נתון ריבוע מעגל OAB שרדיוסו R .
העבירו ישר המשיק לדיבוע המעגל בנקודה P , והעבירו ישר המשיק לריבוע המעגל בנקודה A .
המשיקים נפגשים בנקודה C .
המשיק בנקודה P חותך את המשך OB בנקודה D (ראה ציור).
נתון: $\angle COA = \alpha$.
א. הוכח כי $AC \parallel OD$.
ב. הבע באמצעות R ו- α את שטח המרובע $ACDO$.
ג. נתון כי שטח המשולש OPD הוא $\frac{R^2}{2}$.
חשב את α .

פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי וrintגרלי של פולינומים,**של פונקציות רצינוליות ושל פונקציות שורש ($\frac{1}{3}$ נקודות)**

ענה על שתיים מבין השאלות 7-9 (כל שאלת $\frac{2}{3}$ נקודות).
שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמבחןך.

7. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{9}{(x+1)^2}$.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

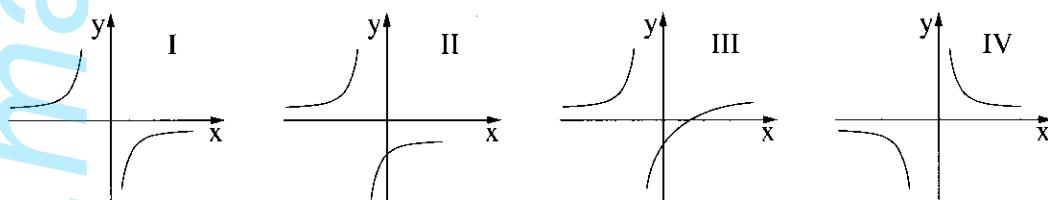
ב. מצא את נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים.

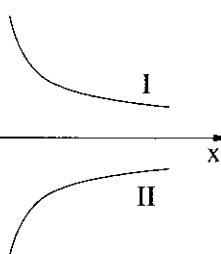
ג. מצא את האסימפטוטות של הפונקציה המקבילות לצירים.

ד. מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה (אם יש כאלה).

ה. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה.

ו. איזה מבין הגрафים I , II , III , IV שלפניך מציג סקיצה של פונקציית הנגזרת $(x^f)'$?
 נמק.





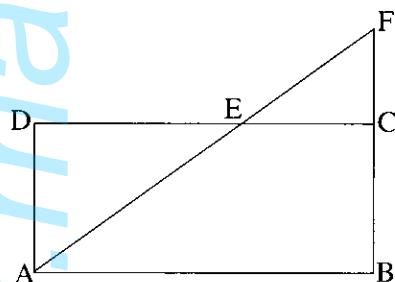
8. הגрафים I ו II שבעירום הם של הפונקציות:

$$f(x) = \frac{2}{\sqrt{2x-3}}$$

$$\cdot g(x) = -\frac{2}{\sqrt{2x-3}}$$

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של כל אחת מהפונקציות.

(2) מהי האסימפטוטה האנכית של כל אחת מהפונקציות?

ב. איזה גורף הוא של הפונקציה $f(x)$, ואיזה גורף הוא של הפונקציה $g(x)$? נמק.ג. הישר $y = 2$ חותך את הגרף I בנקודה A.הישר $y = -2$ חותך את הגרף II בנקודה B.מצא את השטח המוגבל על ידי הישר AB, על ידי הגрафים של שתי הפונקציות ועל ידי הישר $x = 3$.

9. נתון מלבן ABCD שאורכי צלעותיו הם:

$$AB = 9, AD = 4$$

הנקודה E נמצאת על הצלע CD (בין C ל-D).

המשך של AE חותך את המשך הצלע BC
בנקודה F (ראה ציור).א. הוכח: $\triangle ADE \sim \triangle FCE$.ב. סמן $x = DE$, ומצא מה צריך להיות האורך של DE כדי שסכום השטחים

של המושולשים ADE ו FCE יהיה מינימלי.

בתשובהך תוכל להשאיר שורש.

בהצלחה!